

سلسلة تمارين في دراسة وتمثيل دالة عددية

$$(1) \quad (\Delta): x = \frac{3}{2} \text{ و } f(x) = 2x^2 - 6x$$

$$(2) \quad (\Delta): x = 2 \text{ و } f(x) = \frac{1}{x} - \frac{1}{x-4}$$

$$(3) \quad (\Delta): x = \frac{\pi}{2} \text{ و } f(x) = \sin x + \cos^2 x$$

التمرين 6 : بين أن النقطة ω هي مركز تماثل للمنحنى (Cf) في كل من الحالات التالية :

$$1- \quad \omega(1,3) \text{ و } f(x) = \frac{3x-1}{x-1}$$

$$2- \quad \omega(1,-2) \text{ و } f(x) = x^3 - 3x^2$$

$$3- \quad \omega(1,0) \text{ و } f(x) = \frac{x^2 - 2x}{x-1}$$

التمرين 7 : أدرس تفرع المنحنى (Cf) الممثل للدالة f في كل من الحالات التالية :

$$1- \quad f(x) = -3x^2 + 6x$$

$$2- \quad f(x) = x^3 - 3x^2$$

$$3- \quad f(x) = \sqrt{x^2 - 2x}$$

$$4- \quad f(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x + 1}$$

التمرين 8 : أدرس ومثل مبيانيا الدوال التالية :

$$1- \quad f: x \mapsto x^3 + 3x^2$$

$$2- \quad f: x \mapsto x + 1 - \frac{1}{x-1}$$

$$3- \quad f: x \mapsto \sqrt{x^2 - 2x}$$

$$4- \quad f: x \mapsto 2 \cos x + \cos(2x)$$

$$5- \quad f: x \mapsto x^2 + \sqrt{x}$$

$$6- \quad f: x \mapsto \frac{x^3 - x}{x^2 + 1}$$

$$7- \quad f: x \mapsto \frac{1}{|x|} + \frac{1}{|x-1|}$$

$$8- \quad f: x \mapsto \frac{1 + 2 \sin x}{1 - 2 \sin x}$$

$$9- \quad f: x \mapsto \sqrt{\frac{x-2}{x-1}}$$

$$10- \quad f: x \mapsto x - \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$$

التمرين 1 : حدد المقاربات الموازية لمحور الأرتاب للمنحنى (Cf) الممثل للدالة f المعرفة بما يلي :

$$1- \quad f(x) = \frac{x+1}{x-1}$$

$$2- \quad f(x) = \frac{x^2 + x}{(x-3)^2}$$

$$3- \quad f(x) = \frac{|x| + |x-1|}{x(x-1)}$$

$$4- \quad f(x) = \frac{2 \cos x - 1}{2 \sin x - 1}$$

التمرين 2 : حدد المقاربات الموازية لمحور الأفاسيل للمنحنى (Cf) الممثل للدالة f المعرفة بما يلي :

$$1- \quad f(x) = \frac{x+1}{x-1}$$

$$2- \quad f(x) = \frac{x^2 - x}{(x-3)^2}$$

$$3- \quad f(x) = \frac{|x| + |x-1|}{x(x-1)}$$

$$4- \quad f(x) = \frac{\sqrt{x^2 + x + 1}}{x + 1}$$

التمرين 3 : حدد معادلة المقارب المائل للمنحنى (Cf) الممثل للدالة f بجوار $+\infty$ أو $-\infty$ في الحالات التالية :

$$1- \quad f(x) = \frac{x^2 - x}{x + 1}$$

$$2- \quad f(x) = 2x + \sqrt{x^2 - 1}$$

$$3- \quad f(x) = \sqrt{\frac{x^2 + 1}{x-1}}$$

$$4- \quad f(x) = \frac{x^2 + |x-1|}{x-2}$$

التمرين 4 : حدد الفروع الشلجسية للمنحنى (Cf) الممثل للدالة f في كل من الحالات التالية :

$$1- \quad f(x) = x^2 - x + 8$$

$$2- \quad f(x) = x + \sqrt{x-2}$$

$$3- \quad f(x) = \sqrt{|x|} + 2x - 1$$

$$4- \quad f(x) = x \sqrt{x+1}$$

التمرين 5 : بين أن المستقيم (Δ) محور تماثل للمنحنى (Cf) في كل من الحالات التالية :